www.FirstRanker.com

www.FirstRanker.com

This question paper consi pages.	sts of 32 questions [Section–A (24) + Section	on–B (4+4)] and 11 printed
इस प्रश्न-पत्र में 32 प्रश्न [खण्ड–अ	(24) + खण्ड—ब (4+4)] तथा 11 मुद्रित पृष्ठ हैं।	
Roll No. अनुक्रमांक		Code No. कोड नं० 50/HIS/2
	MATHEMATICS गणित	Set/सेट 🛕
	(311)	
Day and Date of Examina (परीक्षा का दिन व दिनांक)	ition	
Signature of Invigilators (निरीक्षकों के हस्ताक्षर)	1	
	2	

General Instructions:

- 1. Candidate must write his/her Roll Number on the first page of the question paper.
- 2. Please check the question paper to verify that the total pages and total number of questions contained in the paper are the same as those printed on the top of the first page. Also check to see that the questions are in sequential order.
- 3. Making any identification mark in the answer-book or writing roll number anywhere other than the specified places will lead to disqualification of the candidate.
- 4. Write your Question Paper Code No. 50/HIS/2, Set 🖪 on the answer-book.
- 5. (a) The question paper is in English/Hindi medium only. However, if you wish, you can answer in any one of the languages listed below:

English, Hindi, Urdu, Punjabi, Bengali, Tamil, Malayalam, Kannada, Telugu, Marathi, Oriya, Gujarati, Konkani, Manipuri, Assamese, Nepali, Kashmiri, Sanskrit and Sindhi.

You are required to indicate the language you have chosen to answer in the box provided in the answer-book.

(b) If you choose to write the answer in the language other than Hindi and English, the responsibility for any errors/mistakes in understanding the question will be yours only.

सामान्य अनुदेश :

- 1. परीक्षार्थी प्रश्न-पत्र के पहले पृष्ठ पर अपना अनुक्रमांक अवश्य लिखें।
- 2. कृपया प्रश्न-पत्र को जाँच लें कि पत्र के कुल पृष्ठों तथा प्रश्नों की उतनी ही संख्या है जितनी प्रथम पृष्ठ के सबसे ऊपर छपी है। इस बात की जाँच भी कर लें कि प्रश्न क्रमिक रूप में हैं।
- 3. उत्तर-पुस्तिका में पहचान-चिह्न बनाने अथवा निर्दिष्ट स्थानों के अतिरिक्त कहीं भी अनुक्रमांक लिखने पर परीक्षार्थी को अयोग्य ठहराया जायेगा।
- 4. अपनी उत्तर-पुस्तिका पर प्रश्न-पत्र की कोड संख्या 50/HIS/2, सेट ▲ लिखें।
- 5. (क) प्रश्न-पत्र केवल हिन्दी/अंग्रेजी में है। फिर भी, यदि आप चाहें तो नीचे दी गई किसी एक भाषा में उत्तर दे सकते हैं : अंग्रेजी, हिन्दी, उर्दू, पंजाबी, बंगला, तिमल, मलयालम, कन्नड़, तेलुगू, मराठी, उड़िया, गुजराती, कोंकणी, मणिपुरी, असिमया, नेपाली, कश्मीरी, संस्कृत और सिन्धी। कृपया उत्तर-पुस्तिका में दिए गए बॉक्स में लिखें कि आप किस भाषा में उत्तर लिख रहे हैं।
 - (ख) यदि आप हिन्दी एवं अंग्रेजी के अतिरिक्त किसी अन्य भाषा में उत्तर लिखते हैं तो प्रश्न को समझने में होने वाली त्रुटियों/गलितयों की जिम्मेदारी केवल आपकी होगी।

311/HIS**/103A** [P.T.O.

2



MATHEMATICS

गणित

(311)

Time: 3 Hours [Maximum Marks: 100

समय : 3 घण्टे] [पूर्णांक : 100

Note: (i) This Question Paper consists of two Sections, viz., 'A' and 'B'.

- (ii) All questions from Section 'A' are to be attempted. However, in some questions, internal choice is given.
- (iii) Section 'B' has *two* options. Candidates are required to attempt questions from *one option* only.

निर्देश: (i) इस प्रश्न-पत्र में दो खण्ड हैं—खण्ड 'अ' तथा खण्ड 'ब'।

- (ii) खण्ड 'अ' के सभी प्रश्नों को हल करना है। कुछ प्रश्नों के अन्तर्गत विकल्प दिए गए हैं।
- (iii) खण्ड 'ब' में दो विकल्प हैं। परीक्षार्थियों को केवल एक विकल्प के ही प्रश्नों के उत्तर देने हैं।

SECTION-A

खण्ड–अ

1. If 1, $\frac{1}{2}$ are the cube roots of unity, then prove the following:

यदि $1, \quad , \quad ^2$ इकाई के घनमूल हैं, तो निम्न को सिद्ध कीजिए :

(1) (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1)

2. If nC_3 $\frac{5}{18}$ nC_5 , find the value of n.

यदि ${}^{n}C_{3}$ $\frac{5}{18}$ ${}^{n}C_{5}$ है, तो n का मान ज्ञात कीजिए।

www.FirstRanker.com

311/HIS**/103A**



3. A committee of 5 is to be formed from 6 gents and 4 ladies. In how many ways this can be done if at most 2 ladies are included?

2

- 6 पुरुषों तथा 4 स्त्रियों में से 5 लोगों की एक कमेटी बनाई जानी है। यदि कमेटी में अधिक-से-अधिक 2 स्त्रियाँ हों, तो यह कितने तरीकों से किया जा सकता है?
- **4.** Find the equation of the circle concentric with the circle x^2 y^2 6x 2y 11 0 and passing through the centre of the circle x^2 y^2 16.

2

- उस वृत्त का समीकरण ज्ञात कीजिए जो वृत्त x^2 y^2 6x 2y 11 0 का संकेन्द्री है तथा वृत्त x^2 y^2 16 के केन्द्र से होकर जाता है।
- **5.** The 6th term of an AP is 20 and its 11th term is 35. Find the 25th term of the AP.
 - एक समांतर श्रेढ़ी का 6ठा पद 20 है तथा 11वाँ पद 35 है। उस समांतर श्रेढ़ी का 25वाँ पद ज्ञात कीजिए।
- **6.** If $A = \{1, 2, 3, 4\}$, $B = \{2, 4, 5, 6, 7, 8\}$ and $C = \{1, 3, 5, 6, 7, 8, 9, 11\}$, then verify that

A (B C) (A B) (B C)

2

यदि $A=\{1,2,3,4\},\ B=\{2,4,5,6,7,8\}$ तथा $C=\{1,3,5,6,7,8,9,11\}$ है, तो सत्यापित कीजिए कि

A (B C) (A B) (B C)

7. If $f(x) x^2 4$ and g(x) 2x 5, find $f \circ g$ and $g \circ f$.

2

यदि f(x) x^2 4 और g(x) 2x 5 है, तो $f\circ g$ तथा $g\circ f$ ज्ञात कीजिए।

Or / अथवा

Prove that f:R R, defined by f(x) $4x^3$ 5, is a one-one and onto function.

सिद्ध कीजिए कि f:R R, जो f(x) $4x^3$ 5 द्वारा परिभाषित है, एक एकैकी तथा आच्छादक फलन है।

www.FirstRanker.com

3



8. Prove that

सिद्ध कीजिए कि

$$\cos {}^{1}\frac{4}{5} \cos {}^{1}\frac{12}{13} \sin {}^{1}\frac{56}{65}$$

9. If and are the roots of the quadratic equation ax^2 bx c 0, then form an equation whose roots are $\frac{1}{c}$ and $\frac{1}{c}$.

यदि , और द्विघात समीकरण ax^2 bx c 0 के मूल हैं, तो वह समीकरण ज्ञात कीजिए जिसके मूल $\frac{1}{c}$ तथा $\frac{1}{c}$ हैं।

If the roots of the quadratic equation ax^2 bx c 0 are in the ratio of 2:3, then prove that $6b^2$ 25ac.

यदि द्विघात समीकरण ax^2 bx c 0 के मूलों में 2 3 का अनुपात है, तो सिद्ध कीजिए कि $6b^2$ 25ac.

10. Using properties of determinants, prove the following:

सारणिकों के गुणधर्मों का प्रयोग कर निम्न को सिद्ध कीजिए :

$$\begin{vmatrix}
b & c & a & a \\
b & c & a & b & 4abc \\
c & c & a & b
\end{vmatrix}$$

Express the matrix $\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$ as the sum of a symmetric and a skew-symmetric matrix.

आव्यूह $\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$ को एक सममित आव्यूह तथा एक विषम-सममित आव्यूह के योग के रूप में व्यक्त कीजिए।

www.FirstRanker.com

www.FirstRanker.com

11. Evaluate:

3

मान ज्ञात कीजिए:

$$\lim_{0} \frac{1 - \cos 4}{1 - \cos 6}$$

If $\sin y = x \sin (a - y)$, prove that $\frac{dy}{dx} = \frac{\sin^2 (a - y)}{\sin a}$.

यदि $\sin y = x \sin (a - y)$ है, तो सिद्ध कीजिए कि $\frac{dy}{dx} = \frac{\sin^2 (a - y)}{\sin a}$. MMM.FirstPanker.com

12. Evaluate :

3

मान ज्ञात कीजिए:

$$\frac{1 + \tan x}{1 + \tan x} dx$$

Evaluate:

मान ज्ञात कीजिए:

$$\frac{1}{10} \frac{\sin 2}{\sin^4 \cos^4} d$$

13. A and B appear for an interview for two vacancies. The probability for A's selection is $\frac{1}{3}$ and that of *B*'s selection is $\frac{1}{5}$. Find the probability that at least one of them is selected.

3

A तथा B दो खाली पदों के लिए साक्षात्कार के लिए गए। A के चुने जाने की प्रायिकता $\frac{1}{3}$ है तथा B के चुने जाने की प्रायिकता $\frac{1}{5}$ है। प्रायिकता ज्ञात कीजिए कि दोनों में से कम-से-कम एक चुना जाए।

www.FirstRanker.com

311/HIS**/103A** [P.T.O.



14. Find the term independent of x in the expansion of $x^2 = \frac{2}{x^2}$.

4

$$x^2 = \frac{2}{x^2}$$
 के प्रसार में x से स्वतंत्र पद ज्ञात कीजिए।

15. Find the equation of the line passing through the point (3, 2) and the portion of the line intercepted between the axes is divided by the point in the ratio of 1:2.

4

उस रेखा का समीकरण ज्ञात कीजिए जो बिन्दु (3, 2) से होकर जाती है तथा रेखा का वह भाग, जो अक्षों के बीच अंतःखंडित होता है, इस बिन्दु पर 1:2 के अनुपात में विभाजित होता है।

16. Find the equation of the parabola whose focus is (2, 3) and whose directrix is the line x + 4y + 3 = 0.

4

उस परवलय का समीकरण ज्ञात कीजिए जिसकी नाभि (2, 3) है तथा जिसकी नियन्ता रेखा x 4y 3 0 है।

17. If $y \log(x \sqrt{a^2 x^2})$, find $\frac{dy}{dx}$.

4

यदि $y \log (x \sqrt{a^2 x^2})$ है, तो $\frac{dy}{dx}$ ज्ञात कीजिए।

Or / अथवा

If $y = (x^2 - 1)(x - 1)$, find $\frac{d^2y}{dx^2}$

यदि $y (x^2 1)(x 1)$ है, तो $\frac{d^2y}{dx^2}$ ज्ञात कीजिए।

18. Solve the following differential equation:

4

निम्न अवकल समीकरण को हल कीजिए :

19. Calculate the variance for the following frequency distribution:

निम्न बारंबारता बंटन का प्रसरण ज्ञात कीजिए :

Marks प्राप्तांक	15–25	25–35	35–45	45–55	55–65	65–75	75–85
Frequency बारंबारता	3	5	9	12	15	4	2

20. Using matrices, solve the following system of equations:

6

आव्यूहों का प्रयोग करके निम्न समीकरण निकाय को हल कीजिए :

21. Show that the sum of first n even natural numbers is $\frac{n-1}{n}$ of first n odd natural numbers.

6

दर्शाइए कि प्रथम n सम प्राकृत संख्याओं का योग, प्रथम n विषम प्राकृत संख्याओं के योग का $\frac{n-1}{n}$ गुना है।

22. Find the general solution of the following trigonometric equation : 6

निम्न त्रिकोणमितीय समीकरण का व्यापक हल ज्ञात कीजिए :

$$\cos 3x \sin 2x$$

Using sine formula, prove the following:

साइन फॉर्मूले के प्रयोग से निम्न को सिद्ध कीजिए :

$$a(\cos C \cos B) \quad 2(b \quad c)\cos^2\frac{A}{2}$$

www.FirstRanker.com

311/HIS**/103A** [P.T.O. **23.** Show that the height of a closed right circular cylinder of given volume and least surface is equal to its diameter.

6

दर्शाइए कि दिए गए आयतन वाले बंद लंब वृत्तीय बेलन का पृष्ठीय क्षेत्रफल न्यूनतम होगा जब उसकी ऊँचाई उसके व्यास के बराबर है।

24. Using integration, find the area of the region enclosed between the curves $y x^2$ and y x 6.

6

वक्रों y x^2 तथा y x 6 के बीच घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल समाकलनों के प्रयोग से ज्ञात कीजिए।

Or / अथवा

Evaluate:

मान ज्ञात कीजिए:

 $0^{\frac{1}{2}} \frac{\sqrt{\sin x}}{\sqrt{\sin x}} \sqrt{\cos x} dx$



SECTION-B

खण्ड-ब

OPTION-I

विकल्प-ा

(Vectors and 3-Dimensional Geometry)

(सदिश तथा त्रि-आयाम ज्यामिति)

25. Determine a unit vector parallel to the resultant of the two vectors \vec{a} $3\hat{i}$ $2\hat{j}$ $4\hat{k}$ and \vec{b} \hat{i} \hat{j} $2\hat{k}$.

2

दो सदिशों \vec{a} 3 \hat{i} 2 \hat{j} 4 \hat{k} तथा \vec{b} \hat{i} \hat{j} 2 \hat{k} के परिणामी के समांतर एकक सदिश ज्ञात **26.** If $|\vec{a}| = 13$, $|\vec{b}| = 5$ and $|\vec{a}| = \vec{b}$ 60, find $|\vec{a}| = \vec{b}$ $|\vec{a}| = 13$, $|\vec{b}| = 5$ कीजिए।

3

27. Find the equation of the plane passing through the points (1, 2, 3) and (2, 3, 4), and which is perpendicular to the plane $3x \ y \ z \ 5 \ 0$.

उस समतल का समीकरण ज्ञात कीजिए जो बिन्दुओं (1, 2, 3) और (2, 3, 4) से होकर जाता है तथा समतल $3x \quad y \quad z \quad 5 \quad 0 \quad \mathsf{q} \ \mathsf{q} \ \mathsf{q} \ \mathsf{q} \ \mathsf{q}$

Or / अथवा

Find the equation of the sphere for which the circle, given by x^2 y^2 z^2 7y 2z 2 0 and 2x 3y 4z 8 0, is a great circle.

ऐसे गोले का समीकरण ज्ञात कीजिए जिसमें समीकरण x^2 y^2 z^2 7y 2z 2 0 तथा -4z--8--0 वाला वृत गोले का बृहत् वृत है।

www.FirstRanker.com

311/HIS**/103A** [P.T.O.

6

3



28. Prove that the lines $\frac{x-1}{3}$ $\frac{y-3}{5}$ $\frac{z-5}{7}$ and $\frac{x-2}{1}$ $\frac{y-4}{4}$ $\frac{z-6}{7}$ are coplanar.

Find the equation of the plane containing these lines.

सिद्ध कीजिए कि रेखाएँ $\frac{x}{3}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{y}{5}$ $\frac{z}{7}$ तथा $\frac{x}{1}$ $\frac{y}{4}$ $\frac{z}{7}$ समतलीय हैं। उस समतल का समीकरण भी ज्ञात कीजिए जिसमें ये रेखाएँ स्थित हैं।

OPTION-II

विकल्प-II

(Mathematics for Commerce, Economics and Business)

(वाणिज्य, अर्थशास्त्र तथा व्यापार के लिए गणित)

25. A man bought ₹ 12,000 of 10% stock at 92 and sold it when its price rose to ₹ 98. Find his total gain and gain percent.

एक व्यक्ति ने 10% का ₹ 12,000 का स्टॉक 92 के भाव से खरीदा तथा उसका मूल्य ₹ 98 होने पर बेच दिया। उसका कुल लाभ तथा लाभ प्रतिशत ज्ञात कीजिए।

26. A person at the age of 25 years takes an insurance policy of sum assured ₹ 50,000 for 30 years term. Calculate the half-yearly premium assuming the following details :

एक व्यक्ति 25 वर्ष की आयु में ₹ 50,000 की एक बीमा पॉलिसी 30 वर्ष के लिए लेता है। निम्न विवरण के अनुसार उसका अर्ध-वार्षिक प्रीमियम ज्ञात कीजिए :

Tabular premium : ₹40/1,000

तालिका प्रीमियम

Rebate for large sum assured : ₹2/1,000

अधिक बीमा राशि के लिए छूट

Rebate for half-yearly payment : 1 5%

अर्ध-वार्षिक भुगतान के लिए छूट

www.FirstRanker.com

311/HIS**/103A**



Or / अथवा

Ganesh & Sons produces 100 kg chocolate biscuits per day at the cost of ₹ 50 per kg. If the excise duty is 5%, then how much duty has to be paid by the company at the end of the month if ₹ 20 per kg is added to the cost?

गणेश ऐन्ड सन्स 100 किलोग्राम चॉकलेट बिस्कुट प्रतिदिन ₹ 50 प्रति किलोग्राम के निवेश मूल्य पर बनाती है। यदि उत्पाद शुल्क 5% है, तो माह के अंत में कम्पनी को कितना उत्पाद शुल्क देना पड़ेगा यदि ₹ 20 प्रति किलोग्राम निवेश मूल्य में जोड़ा जाए?

27. Using simple average of price relative method, find the price index for 2001, taking 1998 as base year from the following data:

निम्न आँकड़ों से 1998 को आधार वर्ष मानकर वर्ष 2001 के लिए मूल्यानुपातों के सरल माध्य की रीति से मूल्य सूचकांक ज्ञात कीजिए:

Commodity (वस्तु)	A	В	© C	D	E
Price in 1998 (per unit) 1998 में मूल्य (प्रति इकाई)	12	20	12	40	80
Price in 2001 (per unit) 2001 में मूल्य (प्रति इकाई)	16	25	16	60	96

28. The demand function of a product for a manufacturer is p(x) ax b. He knows that he can sell 1250 units when the price is ₹5 per unit and can sell 1500 units at a price of ₹4 per unit. Find the total, average and marginal revenue functions. Also find the price per unit when the marginal revenue is zero.

एक उत्पादक का एक उत्पाद के लिए माँग फलन p(x) ax b है। वह जानता है कि वह ₹ 5 प्रति इकाई के मूल्य पर 1250 इकाइयाँ तथा ₹ 4 प्रति इकाई के मूल्य पर 1500 इकाइयाँ बेच सकता है। कुल, औसत तथा सीमांत आय फलन ज्ञात कीजिए। यदि सीमांत आय शून्य हो, तो प्रति इकाई मूल्य भी ज्ञात कीजिए।

311/HIS**/103A**

6